

## Formulaire de Math.

Au voisinage de 0 :  $\sin x \sim x$        $\tan x \sim x$        $1 - \cos x \sim \frac{x^2}{2}$   
 $\ln(1+x) \sim x$        $e^x - 1 \sim x$        $(1+x)^\alpha - 1 \sim \alpha x \quad (\alpha \in \mathbb{R})$

Si  $\vec{u}(x,y,z)$  et  $\vec{v}(x',y',z')$  alors :  $\vec{u} \wedge \vec{v} = \begin{vmatrix} y & y' \\ z & z' \end{vmatrix} \vec{i} - \begin{vmatrix} x & x' \\ z & z' \end{vmatrix} \vec{j} + \begin{vmatrix} x & x' \\ y & y' \end{vmatrix} \vec{k}$ .

$div_M \vec{V} = \sum_{i=1}^n \frac{\partial V_i}{\partial x_i}(M)$        $\Delta_M f = div_M(\overrightarrow{grad} f) = \sum_{i=1}^n \left( \frac{\partial^2 f}{\partial x_i^2}(M) \right)$

$\overrightarrow{rot}_M \vec{V} = \left( \frac{\partial V_3}{\partial y} - \frac{\partial V_2}{\partial z}, \frac{\partial V_1}{\partial z} - \frac{\partial V_3}{\partial x}, \frac{\partial V_2}{\partial x} - \frac{\partial V_1}{\partial y} \right)$ .

(H) :  $a(x)y' + b(x)y = 0$ ,  $S_H = \{ \phi : I \rightarrow \mathbf{K}, \phi(x) = Ce^A / A \text{ primitive de } -\frac{b}{a} \text{ et } C \in \mathbf{K} \}$

(H) :  $y'' + ay' + by = 0$  :

- si l'équation caractéristique admet 2 solutions distinctes  $r$  et  $s$  alors

$S_H = \{ f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = Ae^{rx} + Be^{sx}, (A,B) \in \mathbb{R}^2 \}$

- si l'équation caractéristique admet 1 solution double  $r$  alors

$S_H = \{ f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = (Ax + B)e^{rx}, (A,B) \in \mathbb{R}^2 \}$

- si l'équation caractéristique a des solutions non réelles  $r = \alpha + i\beta$  et  $s = \alpha - i\beta$  alors

$S_H = \{ f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}, f(x) = e^{\alpha x}(A \cos(\beta x) + B \sin(\beta x)), (A,B) \in \mathbb{R}^2 \}$

$\int \frac{u'}{u} = \ln|u|$  ;  $\int \ln(x) = x \ln x - x$  ;  $\int u' u^\alpha = \frac{u^{\alpha+1}}{\alpha+1}$

$\cos(2x) = \cos^2 x - \sin^2 x$  ;  $\sin(2x) = 2\sin(x)\cos(x)$

